

Superinvoluções sobre álgebras de matrizes e identidades standard

Palestrante: Fabrizio Martino

Data: 20 de outubro de 2016 (quinta-feira)

Horário: 14:00

Sala: IM 323

Seja $M_n(F)$ a álgebra de matrizes $n \times n$ sobre o corpo F e seja $UT_n(F)$ a álgebra de matrizes triangulares superiores $n \times n$. Aliás seja

$$St_n(x_1, \dots, x_n) = \sum_{\sigma \in S_n} (-1)^\sigma x_{\sigma(1)} \cdots x_{\sigma(n)}$$

o polinômio standard de grau n nas variáveis não comutativas x_1, \dots, x_n .

Uma superinvolução da F -superálgebra A é uma aplicação linear graduada de ordem 2 $*$: $A_0 \otimes A_1 \rightarrow A_0 \otimes A_1$ tal que para todo $a, b \in A_0 \cup A_1$, $(ab)^* = (-1)^{\deg a \deg b} b^* a^*$, em que $\deg a$ e $\deg b$ são os graus homogêneos de a e b , respectivamente.

Toda superinvolução $*$ sobre A encontra uma decomposição $A = A_0^+ \oplus A_0^- \oplus A_1^+ \oplus A_1^-$, onde para $i = 0, 1$ A_i^+ e A_i^- denotam o subespaço de grau i dos elementos simétricos e o subespaço dos elementos antissimétricos, respectivamente.

Nesta palestra apresentaremos alguns resultados recentes sobre as superinvoluções. Em particular, na primeira parte classificaremos a menos de isomorfismo as superinvoluções de $UT_n(F)$, quando F for corpo algebricamente fechado de característica zero. Na segunda, focalizaremos a atenção sobre $M_n(F)$, mostrando as possíveis superinvoluções, e provaremos um resultado análogo ao Teorema de Amitsur–Levitzki, no caso de polinômios standard avaliados em elementos de $M_n(F)_i^+$ ou $M_n(F)_i^-$, $i = 0, 1$.